

PROVA OPCIONAL DE ÁLGEBRA LINEAR

PROF. GRIGORI CHAPIRO

(Escreva seu nome (**legível!**) em cada folha que entregar.)

Questão 1 (20 pts.). Seja $W = [(1, 2, 0, -1), (1, 0, -1, 1), (-2, -4, 2, 0)]$ subespaço vetorial de \mathbb{R}^4 , encontre base de W .

Questão 2 (20 pts.). Verifique se o subespaço W da questão 1 é invariante pelo operador linear $T : \mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^4$, $T(x, y, z, w) = (x, y, z + w, z - x)$.

Questão 3 (60 pts.). Dado $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$, $T(x, y, z) = (x + y + 2z, x + 2y + z, 2x + y + z)$ um operador linear, encontre **justificando**:

(a)[5 pts.] $\ker T$, $\dim(\ker T)$, $\text{Im } T$ e $\dim(\text{Im } T)$;

(b)[5 pts.] Representação matricial de T .

(c)[5 pts.] Polinômio característico de T .

(d)[10 pts.] Polinômio minimal de T , responda se T é diagonalizável?.

(e)[15 pts.] Os autovalores e autovetores de T .

(f)[5 pts.] A forma diagonal de T com a base correspondente.

(g)[10 pts.] T^7 e seus autovalores.

(h)[5 pts.] Usando resultados já obtidos encontre a forma de Jordan de T .

Dica: 1. Palavra justificando esta em negrito. 2. Será que 1 é raiz do polinômio? 3. Letra (g) não precisa de muita conta se usar matriz mudança de base.

Boa prova. Boas férias. Feliz Natal.